

TENZOROVÁ INTERPRETÁCIA WICKOVHO PRAVIDLA

MILAN PETRÁŠ, Bratislava

Základnou úlohou kvantovej teórie poľa je rozvinutie matice S do radu podľa normálnych súčinov operátorov poľa [1]. Pri riešení tejto úlohy sa matica S najprv rozvinie do radu podľa mocnín väzbového parametra a potom sa jednotlivé členy radu upravujú pomocou Wickovho pravidla [2], ktoré udáva vzťah medzi chronologickými a normálnymi súčinnými operátorov poľa.

V tejto práci chceme upozorniť na analógiu medzi Wickovým pravidlom pre Boseho pole a pravidlom o rozklade symetrických tenzorov na ireducibilné časti. V medznom prípade, keď počet zložiek uvažovaných tenzorov je nekonečne veľký, obidve pravidlá sú totožné. To nám dovoľuje interpretovať Wickovo pravidlo ako vetu o rozklade symetrických tenzorov na ireducibilné časti v istom nekonečne rozmernom metrickom priestore. Základnú úlohu kvantovej teórie pola možno potom formulovať ako rozklad istej funkcie vektorového argumentu na ireducibilné tenzory. To vedie na nové zdôvodnenie metódy funkcionálnej integrácie v kvantovej teórii pola [3]. Na ilustráciu odvodených výsledkov sa uvádza „tenzorový model“ kvantovej teórie skalárneho Boseho pola so samointerakciou [4].

Rozklad symetrických tenzorů na ireducibilné části

Uvažujme n -rozmerný vektorový metrický priestor P s metrickým tenzorom $g_{ik} = g_{ki}$. Nech ψ^i sú kontravariantné zložky vektora v P , splňujúce podmienku

$$g_{ik}\psi^i\psi^k = n. \quad (1)$$

Súčiny typu: $\psi^i \psi^j \psi^k \psi^l \dots$ tvoria symetrické kontravariantné tenzory rôznych rádo v P . Našou prvou úlohou bude nájdenie rozkladu každého takého tenzora na ireducibilné časti, t. j. na také symetrické tenzory nižších rádo, ktoré sa pri rotáciách v P transformujú pomocou ireducibilných maticových reprezentácií grupy rotácií. Ako je známe, tieto ireducibilné tenzory sa vyznačujú tým, že zúžené vykonané na ich tubovolinej dvojici indexov dáva nulu. Vychádzajúc zo symetrie podľa všetkých indexov a z kovariantnosti voči rotáciám pridáme k závetu, že hľadaný rozklad musí mať tvar

$$\begin{aligned} \psi^{i_1} \psi^{i_2} \dots \psi^{i_a} &= \psi^{i_1 i_2 \dots i_a} + c_1^a \sum [g^1 \psi_{a-2}]^{i_1 i_2 \dots i_a} + \dots + \\ &+ c_v^a \sum [g^v \psi_{a-2v}]^{i_1 i_2 \dots i_a} + \dots \end{aligned} \quad (2)$$

Príom $\psi_{i_1 i_2 \dots}$ sú ireducibilné tenzory, symetrické vo všetkých indexoch a splňujúce rovnícu

$$i_1 i_2 \dots = 0 \quad (3)$$

$$g_{i_1 i_2} \psi^{i_1 i_2 \dots} = 0. \quad (2)$$

Symbolická mocnina v u g^a udáva počet faktorov g^{ik} v príslušnom člene, ψ_{a-2v} je ireducibilný tenzor rádu $a - 2v$ a sumovať treba tak, aby sa ako indexy u faktorov g^a vyskytli všetky možné kombinácie indexov $i_1, \dots, i_v$ (pozri ďalej). Koeficienty C_{ij}^{ab} v (2) sú isté konštanty, ktoré treba určiť. Určíme ich z toho, že ak rovnicu (2) vynásobíme tenzorom $g_{i_1 i_2}$, sumujeme podľa i_1 a i_2 a predelíme číslom n , musíme dostať opäť rovnicu (2) avšak pre $a \rightarrow a - 2$.

Prv ako prikróime k vlastnému výpočtu koeficientov c_d , určíme počet členov v jednotlivých sumách rovnice (2). Uvažujme sumu

$$S_0^a = \sum [g^v \psi_{a-2v}]_{i_1 i_2 \dots i_a}.$$

Počet členov v tejto sume určíme takto: Z indexov $i_1, i_2, \dots, i_a$ vyberieme všetky možné skupiny po $2a$ indexoch, ktoré vystupujú vo faktore g^v . Ich počet je $\binom{2a}{a}$. Danej skupine však odpovedá niekoľko členov v sume S_v^a (napr. štvorici indexov i_1, i_2, i_3, i_4 odpovedajú členy $g^{i_1 i_2} g^{i_3 i_4}$, $g^{i_1 i_3} g^{i_2 i_4}$, $g^{i_1 i_4} g^{i_2 i_3}$). Ich počet je zrejme rovný

$$\frac{(2v)!}{v!} \frac{1}{2^v}.$$

Teda úhrnný počet členov v sume S_v^a je

$$\binom{a}{2v} \frac{(2v)!}{v!} \frac{1}{2^v} \equiv \frac{a!}{2^v v! (a-2v)!}.$$

Teraz prikróčíme k vlastnému výpočtu koeficientov c_v^a . Ak náobíme rovnicu (2) tenzorom $g_{i,12}$ a sumujeme podľa i_1 a i_2 , každý člen S_v^a prejde na člen

$$S_{v-1}^{a-2} = \sum [g^{v-1} \psi_{a-2-2(v-1)}]^{i_3 i_4 \dots i_a}$$

$t_{i,j}$ na v – 1-tú sumu v rozklade tenzora o dva rady nižšieho, násobenú istým faktorom K , ktorý určíme z nasledujúcej úvahy. Pri uvedenom násobení rovnice (2) tenzorom $g_{i_1 i_2}$, môžu nastať štyri prípady:

1. obidva indexy i_1 a i_2 patria tomu istému g ;
2. patria rôznym g ;
3. jeden patrí g , druhý ψ ;
4. obidva patria ψ .

4. obdava patria ψ .
V prípade 4 prísľušné členy vymiznú v dôsledku planosti rovnice (3). V prípade 1. dostaneme sumu S_{v-1}^{v-2} , násobenú faktorom n , keďže

$$g_{i_1 i_2} g_{i_1 i_2} = n.$$

Napokon v prípadoch 2 a 3 dostaneme sumu S_v^{a-2} , násobenú faktorom, ktorý je rovný počtu prípadov 2 a 3, predelenému počtom členov v sume S_v^{a-2} . Tento faktor dostaneme takto: Počet prípadov 1 je

$$\frac{(a-2)!}{2^{v-1}(v-1)!(a-2v)!}.$$

Analogicky, počet prípadov 4 je

$$\frac{(a-2)!}{2^v!(a-2v-2)!}.$$

Teda počet prípadov 2. a 3. je

$$\begin{aligned} & \frac{a!}{2^v!(a-2v)!} - \frac{(a-2)!}{2^{v-1}(v-1)!(a-2v)!} - \frac{(a-2)!}{2^v!(a-2v-2)!} \\ & \equiv \frac{(a-2)!(a-v-1)}{2^{v-2}(v-1)!(a-2v)!}. \end{aligned}$$

Hľadaný faktor určíme predelením tohto čísla počtom členov v sume S_v^{a-2}

$$\frac{(a-2)!}{2^{v-1}(v-1)!(a-2v)!}.$$

Výsledok sa rovná $2(a-v-1)$. Faktor K je teda daný rovnicou

$$K = n + 2(a-v-1).$$

Teraz už okamžite môžeme udať systém rovníc pre koeficienty c_v^a

$$Kc_v^a = nc_v^{a-2}. \quad (4)$$

Tento systém rovníc je potrebné doplniť ešte vedľajšou podmienkou

$$c_0^a = 1. \quad (5)$$

Riešenie rekurentného systému (4) s vedľajšou podmienkou (5) znie

$$c_v^a = \frac{[n+2a-2(2v+1)]!}{[n+2a-2(v+1)]!} n^v. \quad (6)$$

Na ilustráciu odvodenej formuly uvedieme niekoľko najjednoduchších rozkladov

$$\psi^i \psi^k = \psi^{ik} + g^{ik},$$

$$\psi^i \psi^k \psi^s = \psi^{iks} + \frac{n}{n+2} (g^{ik} \psi^s + g^{is} \psi^k + g^{ks} \psi^i).$$

$$\begin{aligned} \psi^i \psi^k \psi^s \psi^l = & \psi^{iksl} + \frac{n}{n+4} (g^{ik} \psi^{sl} + g^{is} \psi^{kl} + g^{il} \psi^{sk} + g^{ks} \psi^{il} + g^{kl} \psi^{is} + g^{sl} \psi^{ik}) + \\ & + \frac{n^2}{n(n+2)} (g^{ik} g^{sl} + g^{is} g^{kl} + g^{il} g^{sk}). \end{aligned}$$

Odvodíme vzťahy obrátené k vzťahom (2), t. j. nájdeme explicitné vyjadrenie ireducibilných tenzorov $\psi^{i_1 \dots i_a}$. Opäť môžeme vychádzať z tohto obecného vyjadrenia

$$\psi^{i_1 i_2 \dots i_a} = \psi^{i_1} \psi^{i_2} \dots \psi^{i_a} + b_1^a \Sigma [g^{i_1} \psi^{a-2}]^{i_2 \dots i_a} + \dots + b_a^a \Sigma [g^{i_a} \psi^{a-2}]^{i_1 \dots i_{a-1}} + \dots, \quad (7)$$

pričom indexy $a-2v$ v hranatých zátvorkách u symbolov ψ udávajú počet faktorov ψ^i v príslušnom člene. Koeficienty b_v^a určíme touto úvahou: Ak násobíme rovnicu (7) tenzorom $g_{i_1 i_2}$ a sumujeme podľa i_1 a i_2 , dostaneme na ľavej strane s ohľadom na (3) nulu. Podobne na pravej strane musí vymiznúť každý člen daného stupňa v ψ^i . Uvažujme dva susedné členy vystupujúce v (7)

$$\begin{aligned} T_{v-1}^a &= \Sigma [g^{v-1} \psi^{a-2v+2}]^{i_1 i_2 \dots i_a}, \\ T_v^a &= \Sigma [g^v \psi^{a-2v}]^{i_1 i_2 \dots i_a}. \end{aligned}$$

Po vynásobení rovnice (7) tenzorom $g_{i_1 i_2}$ nastanú opäť štyri vyššie uvedené prípady. Podmienku vymiznutia pravej strany môžeme teraz formulovať takto: členy sumy T_{v-1}^a , pochádzajúce z prípadov 1.-3. musia sa rušiť s členmi sumy T_v^a , pochádzajúcimi z prípadu 4. To vedie na rekurentnú rovnicu

$$b_v^a [n + 2(a-v-1)] + n b_{v-1}^a = 0. \quad (8)$$

Jej riešenie pri vedľajšej podmienke

$$b_0^a = 1 \quad (9)$$

má tvar

$$b_v^a = (-1)^v n^v \frac{(n+2a-2v-4)!}{(n+2a-4)!}. \quad (10)$$

Na ilustráciu uvedieme opäť niekoľko najjednoduchších vyjadrení ireducibilných tenzorov $\psi^{i_1 \dots i_a}$

$$\psi^{ik} = \psi^i \psi^k - g^{ik},$$

$$\psi^{iks} = \psi^i \psi^k \psi^s - \frac{n}{n+2} (g^{ik} \psi^s + g^{is} \psi^k + g^{ks} \psi^i),$$

$$\begin{aligned} \psi^{iksl} = & \psi^i \psi^k \psi^s \psi^l - \frac{n}{n+4} (g^{ik} \psi^{sl} + g^{is} \psi^{kl} + \\ & + g^{il} \psi^{sk} + g^{ks} \psi^{il} + g^{kl} \psi^{is} + g^{sl} \psi^{ik}) + \\ & + \frac{n^2}{(n+2)(n+4)} (g^{ik} g^{sl} + g^{is} g^{kl} + g^{il} g^{sk}). \end{aligned}$$

Našou ďalšou úlohou bude nájsť vyjadrenia pre súčin dvoch ireducibilných tenzorov (v ďalšom ψ -tenzor). Za tým účelom prepíšeme formulu (2) na tvar

$$\begin{aligned} \psi^{i_1} \dots \psi^{i_a} \psi^{j_1} \dots \psi^{j_b} = & \psi^{i_1 \dots i_a j_1 \dots j_b} + \\ & + c_1^{a+b} \Sigma [g^{i_1} \psi_{a+b-2}]^{i_2 \dots i_a j_1 \dots j_b} + \dots + c_a^{a+b} \Sigma [g^{i_a} \psi_{a+b-2}]^{i_1 \dots i_{a-1} j_1 \dots j_b} + \dots \end{aligned} \quad (11)$$

Nech $\eta_{i_1 \dots i_n}$ a $\chi_{j_1 \dots j_n}$ sú dva kovariantné symetrické tenzory, splňujúce podmienky

$$\begin{aligned} g^{i_1 i_2} \eta_{i_1 i_2 \dots i_n} &= 0, \\ g^{j_1 j_2} \chi_{j_1 j_2 \dots j_n} &= 0. \end{aligned} \quad (12)$$

Násobíme nimi rovnicu (11) a sčítajme podľa všetkých indexov i a j . V dôsledku (12) dostaneme

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} = \eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \{ \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} + c_1^{\alpha+\beta} \Sigma' [g^{\alpha+\beta} \psi_{\alpha+\beta-2}^{i_1 \dots i_n} \psi_{\alpha+\beta-2}^{j_1 \dots j_n} + \dots + c_0^{\alpha+\beta} \Sigma' [g^{\alpha+\beta} \psi_{\alpha+\beta-2}^{i_1 \dots i_n} \psi_{\alpha+\beta-2}^{j_1 \dots j_n} + \dots] \}.$$

Sumačné symboly na pravej strane tejto rovnice sú označené čiarokou na znak toho, že príslušné sumy neobsahujú členy, v ktorých sa vyskytuje aspoň jeden faktor g s obidvoma indexami i alebo j . Pravá strana rovnice (13) neobsahuje už vo všeobecnosti všetky sumy, vystupujúce pôvodne v rovnici (2), ale končí sumou, pre ktorú

$$v = \frac{\alpha + \beta - |\alpha - \beta|}{2}.$$

Teda ψ -tenzory, vystupujúce v rozvoji (13), sú rádu

$$\alpha + \beta, \alpha + \beta - 2, \dots, |\alpha - \beta|.$$

Keby sme vykonali vydelenie ireducibilných častí podľa indexov i a j (separátne) v zátvorke na pravej strane rovnice (13) a uvažili, že táto rovnica platí pre ľubovoľné ireducibilné tenzory η a χ , dostali by sme vyjadrenie pre súčin dvoch „holych“ ψ -tenzorov. Jednak v dôsledku zložitosti procedúry vydelenia ireducibilných častí získaná formula má zložitý a neprehľadný tvar. Preto nebudeme uvádzať jej obecný tvar, ale uspokojíme sa len s niekoľkými jednoduchými príkladmi.

$$\begin{aligned} \psi^{ik} \psi^{js} &= \psi^{iks} + \frac{n}{n+2} (g^{is} \psi^k + g^{ks} \psi^i) - \frac{2}{n+2} g^{ik} \psi^s, \\ \psi^{ik} \psi^{sl} &= \psi^{iksl} + \frac{n}{n+4} (g^{is} \psi^{kl} + g^{il} \psi^{sk} + g^{ks} \psi^{il} + g^{kl} \psi^{is}) + \\ &+ \frac{n^2}{n(n+2)} (g^{is} g^{kl} + g^{il} g^{sk}) - \frac{4}{n+4} (g^{ik} \psi^{sl} + g^{sl} \psi^{ik}) - \frac{2}{n+2} g^{ik} g^{sl}. \end{aligned}$$

Vzťahy ortogonalit pre ψ -tenzory

Ako vyplýva z vyjadrenia (7), ψ -tenzory sú polynómy v premenných ψ^i . V trojrozmernom prípade ($n=3$) sa redukujú v podstate na sférické funkcie Y_{lm} . Podobne ako pre sférické funkcie platia i pre ψ -tenzory isté vzťahy ortogonalit, k odvodeniu ktorých teraz pristúpime.

Objemový element priestoru P označíme ako

$$d\psi = d\psi^1 d\psi^2 \dots d\psi^n.$$

Aby integrácia mala kovariantný charakter, je nutné násobiť element $d\psi$ veličinou $\sqrt{g}$, kde g je determinant, utvorený z tenzora g_k . Pretože premenné ψ^i splňujú podmienku (1), musíme objemový element $d\psi$ násobiť tiež výrazom

$$\delta(g_k \psi^i \psi^k - n),$$

v ktorom δ je Diracova δ -funkcia, ktorá nám zaručuje, že integrácia sa bude robiť v P len po nadploche prípustných hodnôt ψ^i .

Teraz ľahko dokážeme rovnicu

$$\int \psi^{i_1 \dots i_n} \delta(g_k \psi^i \psi^k - n) \sqrt{g} d\psi = 0. \quad (14)$$

Skutočne, keďže tento integrál sa nemôže meniť pri rotáciách v P , musí byť rovný buď nule, alebo nejakému výrazu utvorenému zo súčinov metrického tenzora g^{ik} . Keďže z tohto tenzora nie je možné skonstruovať výrazy, ktoré by mali charakter ireducibilných tenzorov, neprichádza táto druhá možnosť do úvahy a teda rovnica (14) je dokázaná.

Integrujme teraz rovnicu (13) podľa premenných ψ^i za predpokladu, že $\alpha \neq \beta$. Potom v dôsledku (14) integrály na pravej strane rovnice vymiznú a teda máme

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \int \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} \delta(g_k \psi^i \psi^k - n) \sqrt{g} d\psi = 0. \quad (15)$$

Táto rovnica predstavuje vzťahy ortogonalit pre ψ -tenzory v prípade, že $\alpha \neq \beta$. Ak v nej ešte δ -funkciu vyjadříme pomocou integrálu

$$\delta(x) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{ixs} ds,$$

dostaneme vzťahy ortogonalit v tvare

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \iint \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} e^{is(g_k \psi^i \psi^k - n)} ds d\psi = 0. \quad (16)$$

Nech teraz $\alpha = \beta$. Ak opäť integrujeme rovnicu (13) podľa ψ^i a uvažíme, že

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \Sigma [g^{\alpha} \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} \psi^{\alpha} = \alpha! \eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \psi^{\alpha},$$

získame vzťahy ortogonalit tvaru

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \frac{\iint \psi^{i_1 \dots i_n} \psi^{j_1 \dots j_n} e^{is(g_k \psi^i \psi^k - n)} ds d\psi}{\iint e^{is(g_k \psi^i \psi^k - n)} ds d\psi} = \alpha! c_{\alpha}^2 \eta_{i_1 \dots i_n} \chi_{j_1 \dots j_n} \psi^{\alpha}. \quad (17)$$

ψ -tenzory tvoria teda systém ortogonálnych funkcií argumentov ψ^i . Môžeme preto rozvinúť do radu podľa ψ -tenzorov „ľubovoľnú“ funkciu $\sigma(\psi^i)$, ktorej argumenty splňujú podmienku (1)

$$\sigma(\psi^i) = \sum_{\alpha=0}^{\infty} \sigma_{i_1 \dots i_n} \psi^{i_1 \dots i_n}(\psi^i). \quad (18)$$

Vychádzajúc z vyššie odvodených výsledkov, môžeme zostrojiť „tenzorový“ model kvantovej teórie skalárneho Boseho pola, ktoré je v interakcii samo so sebou (Hurstovo – Thirringovo pole). Je to umožnené tým, že pre veľké n ($n \rightarrow \infty$) koeficienty c_n^0 sa blížia k jednej

$$c_n^0 \rightarrow 1 \quad (n \rightarrow \infty)$$

a rovnica (2) nadobudne jednoduchý tvar

$$\psi^{i_1} \psi^{i_2} \dots \psi^{i_n} = \psi^{i_1 i_2 \dots i_n} + \sum [g^1 \psi_{a-2}]^{i_1 i_2 \dots i_n} + \dots + \sum [g^n \psi_{a-2n}]^{i_1 i_2 \dots i_n} + \dots \quad (19)$$

Vidíme, že táto rovnica má tvar Wickovho pravidla o rozklade chronologického súčinnu operátorov skalárneho Boseho pola $\psi(x)$ na normálne súčiny týchto operátorov. Zámenou

$$\begin{aligned} \psi^{i_1} \psi^{i_2} \dots \psi^{i_n} &\rightarrow T(\psi(x^1) \psi(x^2) \dots \psi(x_n)), \\ \psi^{i_1 i_2 \dots i_n} &\rightarrow N(\psi(x_1) \psi(x_2) \dots \psi(x_n)), \\ g^{i_k} &\rightarrow \Delta_c(x - x^k), \end{aligned}$$

dostaneme z rovníc (19) okamžite Wickovu vetu.* Na základe tejto analógie medzi rozkladom (19) a Wickovou vetou zostrojíme model teórie Hurstovho – Thirringovho pola. Matica S v tejto teórii má tvar:

$$S = T \exp[-ig \int \int \gamma(x_1, x_2, x_3) \psi(x_1) \psi(x_2) \psi(x_3) dx_1 dx_2 dx_3]. \quad (20)$$

Funkcia $\gamma(x_1, x_2, x_3)$ predstavuje „formfaktor“. V našom modeli budeme mať miesto matice S funkciu σ , definovanú takto

$$\sigma = \exp[-ig \gamma_{i_1 i_2 i_3} \psi^{i_1} \psi^{i_2} \psi^{i_3}], \quad (21)$$

pričom ψ^i spĺňujú podmienku (1). Základnou úlohou kvantovej teórie pola je rozklad matice S na normálne súčiny pomocou Wickovej vety

$$S = \sum_{\alpha=0}^{\infty} \int dx_1 \dots \int dx_n S_{\alpha}(x_1, \dots, x_n) N(\psi(x_1) \dots \psi(x_n)). \quad (22)$$

V našom modeli sa táto úloha prevádza na rozvoj funkcie σ do radu podľa ψ -tenzorov

$$\sigma = \sum_{\alpha=0}^{\infty} \sigma_{i_1 \dots i_{2\alpha}} \psi^{i_1 \dots i_{2\alpha}}.$$

Pri konštrukcii rozvoja (22) sa v kvantovej teórii pola obvykle vychádza z potenčného rozvoja S podľa mocnín väzbovej konštanty g , v ktorom sa potom jednotlivé chronologické súčiny upravujú pomocou Wickovej vety na normálne súčiny. Rozvoj (23)

* Poznámame, že symboly T a N udávajú druh súčinnu: T — chronologický a N — normálny súčin. Funkcia $\Delta_c(x - x')$ je tzv. kauzálny propagátor (pozri napr. [1]).

$$\eta_{i_1 \dots i_n} \psi^{i_1 \dots i_n}$$

a integrovať cez prípustné hodnoty ψ^i . S ohľadom na (16) a (17) potom dostaneme

$$\sigma_{i_1 \dots i_n} \eta^{i_1 \dots i_n} = \frac{1}{\beta! c_{\beta}^2} \eta_{i_1 \dots i_n} \frac{\int \int \sigma e^{i \int g(x) \psi^k(x) - n} \psi^{i_1 \dots i_n} ds d\psi}{\int \int e^{i \int g(x) \psi^k(x) - n} ds d\psi}. \quad (24)$$

Pre $n \rightarrow \infty$ prejde integrál (24) na funkcionálny, čím dochádzame k novému zdôvodneniu metódy funkcionálneho integrovania v kvantovej teórii pola.

LITERATÚRA

- [1] Боголюбов Н. Н., Широков А. В., *Введение в теорию квантованных полей*, Москва 1957.
- [2] Wick G. C., *Phys. Rev.* 80 (1950), 268.
- [3] Edwards S. F., Peierls R. E., *Proc. Roy. Soc. 224* (1954), 24.
- [4] Hurst C. A., *Proc. Camb. Phil. Soc.* 18 (1952), 625.
- Thirring W., *Helv. Phys. Acta* 26 (1953), 33.

Došlo 15. I. 1962.

Katedra teoretickej fyziky
Univerzity Komenského
v Bratislave

Tensor interpretation of Wick's rule

Milan Petráš

Summary

The connection between Wick's rule for a boson field and the rule for the decomposition of symmetrical tensors in a n -dimensional metric space into a sum of irreducible terms is investigated. A complete analogy between both rules is demonstrated. In the limiting case when $n \rightarrow \infty$ these rules are identical. This enables us to interpret Wick's rule as a theorem for decomposition of symmetrical tensors into a sum of irreducible terms in an infinitely-dimensional metric space. The basic problem of quantum field theory may be then formulated as an expansion of some function of vector argument (S -matrix) in terms of irreducible tensors (normal products). This leads to a new derivation of the method of continual integration in quantum field theory. Finally, as an illustrative example, a „tensor model“ of quantum theory of a scalar boson field with selfinteraction is given.